

## IRACIONALNE NEJEDNAČINE

Kao i jednačine i iracionalne nejednačine se rešavaju upotrebom ekvivalencija.

Razlikovaćemo dve situacije:

1)  $\sqrt{P(x)} < Q(x)$  je ekvivalentno sa:

$$P(x) \geq 0 \wedge Q(x) > 0 \wedge P(x) < Q^2(x)$$

2)  $\sqrt{P(x)} > Q(x)$  je ekvivalentno sa:

$$[P(x) \geq 0 \wedge Q(x) < 0] \vee [P(x) > Q^2(x) \wedge Q(x) \geq 0]$$

**Primer 1:**  $\sqrt{x+6} < x-6$

Postavljamo ekvivalenciju:

$$x+6 \geq 0 \wedge x-6 > 0 \wedge x+6 < (x-6)^2$$

$$x \geq -6 \wedge x > 6 \wedge x+6 < x^2 - 12x + 36$$

$$0 < x^2 - 12x + 36 - x - 6$$

$$0 < x^2 - 13x + 30$$

$$x^2 - 13x + 30 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{13 \pm \sqrt{169 - 120}}{2} = \frac{13 \pm 7}{2}$$

$$x_1 = 10$$

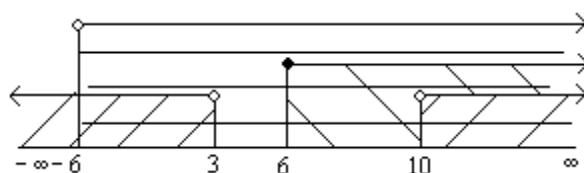
$$x_2 = 3$$

“ Kvadratni trinom ima znak broja  $a$  ( kod nas  $a=1$ ) svuda osim izmedju nula(rešenja)”

Ovde je dakle rešenje:  $x \in (-\infty, 3) \cup (10, \infty)$

Kad rešimo sve tri nejednačine i “upakujemo rešenje”:

Konačno je:



**Presek sva tri rešenja je:**  $x \in (10, \infty)$

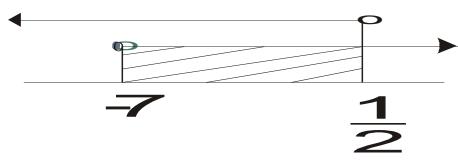
**Primer 2:**  $\sqrt{x+7} > 2x - 1$

Postavljamo ekvivalenciju:

$$[x+7 \geq 0 \wedge 2x-1 < 0]$$

$$x \geq -7 \wedge 2x < 1$$

$$x < \frac{1}{2}$$



$$\left[ x \geq -7 \wedge x < \frac{1}{2} \right]$$

$$x \in \left[ -7, \frac{1}{2} \right)$$

∨

$$[x+7 > (2x-1)^2 \wedge 2x-1 \geq 0]$$

$$x+7 > 4x^2 - 4x + 1 \quad \wedge \quad x \geq \frac{1}{2}$$

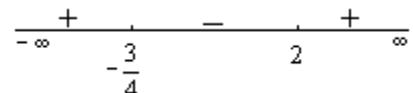
$$4x^2 - 4x + 1 - x - 7 < 0$$

$$4x^2 - 5x - 6 < 0$$

$$x_{1,2} = \frac{5 \pm 11}{8}$$

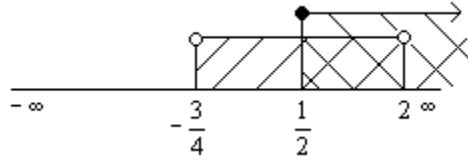
$$x_1 = 2$$

$$x_2 = -\frac{6}{8} = -\frac{3}{4}$$



$$x \in \left( -\frac{3}{4}, 2 \right)$$

$$\left[ x \in \left( -\frac{3}{4}, 2 \right) \wedge x \geq \frac{1}{2} \right]$$



$$x \in \left[ \frac{1}{2}, 2 \right)$$

Konačno rešenje je:

$$x \in \left[ -7, \frac{1}{2} \right) \cup \left[ \frac{1}{2}, 2 \right)$$

$$x \in [-7, 2)$$